

где ξ - коэффициент, учитывающий характер распределения давлений в контакте колеса с почвой.

Для определения размеров колес составлена номограмма (рисунок) на основании метода вспомогательного переменного:

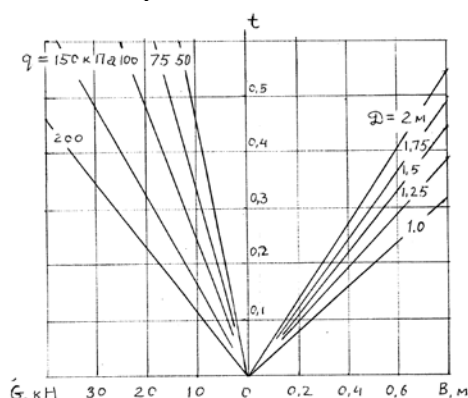


Рисунок 1. Номограмма для выбора размеров колеса

$$t = \frac{\xi \cdot G}{q},$$

$$B = \frac{t}{f \cdot D + \sqrt{D \cdot u}},$$

где t - вспомогательная переменная.

Заключение

Предложенные зависимости позволяют определить оптимальные параметры ходовых систем машинно-тракторных агрегатов, обеспечивающие допустимое давление на почву.

Литература

1. Орда, А.Н. Эколого-энергетические основы формирования машинно-тракторных агрегатов: дис. ... д-ра техн. наук: 05.20.03 / А.Н. Орда. - Минск, 1997. - 269 с.
2. Агейкин, Я.С. Вездеходные колесные и комбинированные движители. -М.: Машиностроение, 1972.-184 с.
3. Опейко, Ф.А. Колесный и гусеничный ход. -Минск: Изд. АСХН БССР, 1960.-228 с.

УДК 631.3.072

МЕТОДИКА РАЦИОНАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ОБЪЕМОВ РАБОТ ПРИ ОДНОВРЕМЕННОМ ВЫПОЛНЕНИИ ПРОИЗВОДСТВЕННЫХ ОПЕРАЦИЙ

¹Непарко Т.А., к.т.н., доцент, ²Прищепчик М.В., студент, ³Непарко С.Л., зам. директора

¹УО «Белорусский государственный аграрный технический университет»

³УО «Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники»

²ООО «Белветагро-авто»

г. Минск, Республика Беларусь

Изложена методика рационального распределения объемов работ при одновременном выполнении производственных операций с использованием метода геометрического программирования с целью повышения эффективности использования машинно-тракторных агрегатов.

Введение

Проектирование систем, предназначенных для реализации заданных функций, является лишь одним из аспектов задач, стоящих перед инженером. Из всех возможных проектов инженер должен выбрать тот, который обеспечивает выполнение заданной функции при минимальных затратах. При формулировке задачи оптимизации инженер неизбежно сталкивается с экономикой, а при ее решении – с математическими проблемами. Исходя из этого, применение метода геометрического программирования, отличающегося простотой используемых математических приемов, для решения оптимизационных задач при эксплуатации машинно-тракторных агрегатов является актуальным.

Основная часть

Метод геометрического программирования позволяет получить общее решение задачи в виде новой зависимости (двойственной функции) для целевой функции, в которую не входят переменные параметры модели. Основные особенности и преимущества метода геометрического программирования по сравнению с другими методами нелинейного программирования состоят в следующем.

В любой задаче геометрического программирования можно получить двойственную функцию для прямой целевой функции, в которую не входят двойственные переменные D_i и сначала определяют

минимум целевой функции, а затем переходят к формированию двойственной задачи – нахождению максимума двойственной функции.

Оптимальность проекта может определяться различными критериями. Известно, что капитальные вложения в технику носят разовый характер, а эксплуатационные расходы производятся непрерывно. Это различие в способах оплаты можно устранить, полагая, что для производства первоначальных капитальных вложений берется заем, который затем выплачивается постоянными взносами в течение срока службы технических средств. Отношение величины этого взноса к первоначальным капитальным затратам представляет собой коэффициент эффективности капитальных вложений E , определяемый как функция процентов на капитал и срока службы техники.

Рассматривая общие, или приведенные, затраты в единицу времени, определенные как сумма эксплуатационных затрат и постоянного взноса за первоначальные капитальные вложения, приходящаяся на эту же единицу времени, можно считать, что оптимальным будет проект, обеспечивающий минимум общих (приведенных) затрат.

Исходя из этого, определим рациональное распределение обрабатываемой площади с учетом минимальных приведенных затрат на вспашке 1200 га, если функция затрат

$$g_0 = C_1 x_1 + C_2 x_2,$$

где C_1 и C_2 – приведенные затраты, соответственно для пахотного агрегата Беларусь 1523+ПГПО-5-35 и Беларусь 800+ПГПО-3-35, у.е./га, $C_1 = 33,72$ у.е./га, $C_2 = 29,6$ у.е./га; x_2 – обрабатываемые площади соответственно для Беларусь 1523+ПГПО-5-35 и Беларусь 800+ПГПО-3-35, га.

Исходная модель задачи — минимизировать целевую функцию

$$g_0 = 33,72x_1 + 29,6x_2.$$

при справедливости активных ограничений

$$x_1 + x_2 \leq S, \quad (1)$$

где S – обрабатываемая площадь, га.

При методе геометрического программирования активное ограничение (1) должно лежать в положительной области, т.е. все значения x_1 и x_2 больше или равны нулю.

Преобразуем обратные ограничения. Ограничение по знаку обратно тому, которое необходимо для геометрического программирования

$$\left(\sum_{i=1}^n U_i \right)^{-1} \leq \prod_{i=1}^n \left(\frac{a_i}{U_i} \right)^{a_i} \leq \sum_{i=1}^n \frac{a_i^2}{U_i}, \quad (2)$$

где U_1, U_2, \dots, U_n – положительные числа; n – число членов целевой функции g_0 ; a_1, a_2, \dots, a_n – любые положительные числа, удовлетворяющие условию

$$\sum_{i=1}^n a_i = 1. \quad (3)$$

Применительно к нашему случаю положительные весовые коэффициенты распределения объемов работ по машинно-тракторным агрегатам

$$a_1 + a_2 = 1.$$

Применив к выражению (3) левую часть геометрического неравенства (2), получим геометрически обратный позином

$$g_1 = \frac{1}{S} x_1 + \frac{1}{S} x_2 \leq 1. \quad (4)$$

С учетом правой части (2) выражение (4) примет вид

$$g_2 = S a_1^2 x_1^{-1} + S a_2^2 x_2^{-1} \leq 1.$$

Выражение (7) носит название гармонического обратного позинома активного ограничения.

Таким образом, записав обратное ограничение в виде геометрического или гармонического обратного позинома, получим прямую геометрическую программу. При этом выделяем коэффициенты $C_3 = S \cdot a_1^2$ и $C_4 = S \cdot a_2^2$ гармонического обратного позинома активного ограничения.

Положительные весовые коэффициенты распределения объемов работ по агрегатам первоначально примем условно равными между собой с учетом выражения (3), т.е. $a_1 = a_2 = 0.5$.

Формируем двойственную задачу – находим максимум ее функции при линейных двойственных ограничениях и двойственных переменных D_i

$$V_{\max} = \prod_{i=1}^n \left(\frac{C_i}{D_i} \right)^{D_i} \prod_{k=1}^p L_k^{L_k}, \quad (5)$$

где p – число ограничений; L – множитель Лагранжа (положительный множитель); $L_k^{L_k}$ – суммарное влияние всех ограничений.

В рассмотренной функции (5) любую задачу в паре можно принять за исходную (прямую), тогда другая задача будет двойственной по отношению к ней.

При этом, если в первой или исходной задаче требуется, например, максимизировать целевую функцию при заданных ограничениях, то во второй – двойственной задаче – требуется минимизировать другую целевую функцию.

Анализируя модели двойственных задач, устанавливаем следующие связи между ними. Свободные члены ограничений прямой задачи служат коэффициентами целевой функции двойственной задачи, а коэффициенты целевой функции прямой задачи – свободными членами ограничений двойственной. Максимизация (минимизация) целевой функции прямой задачи заменяется минимизацией (максимизацией) целевой функции двойственной задачи.

Каждому ограничению–неравенству прямой задачи соответствует неотрицательная переменная двойственной, а каждому ограничению–равенству – переменная произвольного знака. Каждой неотрицательной переменной прямой задачи соответствует ограничение–неравенство двойственной, а каждой произвольной переменной – ограничение–равенство. В задаче максимизации ограничения–неравенства имеют смысл \leq , в задаче минимизации \geq .

При формировании двойственной задачи необходимо выполнить условия:

неотрицательности — $D_i \geq 0$; (6)

нормализации — $\sum_{i=1}^{n_0} D_i = 1$; (7)

ортогональности — $\sum_{i=1}^n a_{ij} D_i = 0 \quad (j = 1, 2, \dots, m)$, (8)

где n_0 – число переменных в целевой функции g_0 ; m – число двойственных переменных. В нашей задаче двойственные переменные D_1, D_2, D_3, D_4 ($m = 4$).

Двойственная задача не зависит от переменных x_1 и x_2 прямой задачи, а содержит только коэффициенты C_1 и C_2 поизомов и двойственные переменные D_1, D_2, D_3, D_4 , которые являются положительными величинами; сумма двойственных переменных D_1, D_2 целевой функции равна единице; для целевой g_0 и двойственной V функций справедливо соотношение

$$g_0 \geq V,$$

на основании которого можно записать неравенство

$$g_0 \geq Z \geq V.$$

Из него видно, что Z является для g_0 минимальным значением, а для V – максимальным. В оптимальной точке

$$g_{0_{\min}} = V_{\max} = Z.$$

В нашей задаче условие ортогональности имеет вид

$$\frac{1}{S} x_1 D_1 + \frac{1}{S} x_2 D_2 + S a_1^2 x_1^{-1} D_3 + S a_2^2 x_2^{-1} D_4 = 0. \quad (9)$$

Взяв частные производные в выражении (9) поочередно по x_1, x_2, x_3 получим $D_1 = D_3$ и $D_2 = D_4$, а из условия нормализации (7) $D_1 + D_2 = 1$.

Величину D_i нельзя определить из системы двойственных ограничений, потому что в задаче число переменных больше числа уравнений, т.е. степень ее сложности $d > 0$.

В двойственные ограничения

$$\sum_{i=1}^{n_0} D_i = 1 \text{ и } \sum_{i=1}^n a_{ij} D_i = 0 \quad (j = 1, 2, \dots, m)$$

входят m двойственных переменных, т.е. m условий ортогональности и одно условие нормализации – $(m-1)$ уравнений, а число неизвестных, подлежащих определению в целевой функции g_0 , равно n . Тогда число параметров d , которыми мы должны задаваться с целью разрешения условий ортогональности,

$$d = (m-1) - n.$$

В нашем случае $m = 4$, $n = 2$. Тогда степень сложности задачи

$$d = 4 - 1 - 2 = 1.$$

При степени сложности задачи $d = 1$ в двойственных ограничениях с учетом условия нормализации $D_1 + D_2 = 1$ принимаем d базисных переменных r_j ($j = 1, 2, \dots, D$). В этом случае базисная переменная равна r . Тогда

$$D_2 = r; D_1 = 1 - r = D_3; D_2 = D_4 = r.$$

Вводим множитель Лагранжа $L = D_3 + D_4$.

Итак, максимум двойственной функции из выражения (5)

$$V_{\max} = \left(\frac{C_1}{D_1}\right)^{D_1} \left(\frac{C_2}{D_2}\right)^{D_2} \left(\frac{C_3}{D_3}\right)^{D_3} \left(\frac{C_4}{D_4}\right)^{D_4} \cdot 1^1 = \left(\frac{C_1}{1-r}\right)^{1-r} \left(\frac{C_2}{r}\right)^r \left(\frac{C_3}{1-r}\right)^{1-r} \left(\frac{C_4}{r}\right)^r \cdot 1^1.$$

Заметим, что базисная переменная r имеет пределы изменения $0 \leq r \leq 1$.

При $r = 0,5$; $C_1 = 33,72$; $C_2 = 29,6$; $C_3 = Sa_1^2 = 300$; $C_4 = Sa_2^2 = 300$,

$$V_{\max} = \left(\frac{33,72}{0,5}\right)^{0,5} \left(\frac{29,6}{0,5}\right)^{0,5} \left(\frac{300}{0,5}\right)^{0,5} \left(\frac{300}{0,5}\right)^{0,5} 1^1 = 37928,35 \text{ у.е.}$$

Тогда объем выполненных работ на вспашке агрегатом Беларусь 1523+ПГПО-5-35 составит:

$$x_1 = D_1 \frac{V_{\max}}{C_1} = 0,5 \frac{37928,35}{33,72} = 562,4 \text{ га;}$$

агрегатом Беларусь 800+ПГПО-3-35 —

$$x_2 = S - x_1 = 1200 - 562,4 = 637,6 \text{ га.}$$

Алгоритм определения оптимального распределения объема работ при использовании машинно-тракторных агрегатов с учетом минимальных приведенных затрат реализован с помощью программных средств для ПЭВМ.

Заключение

Разработанный алгоритм и программа расчета на ПЭВМ положены в основу рационального использования машинно-тракторных агрегатов в природно-производственных условиях Республики Беларусь и конкретных условиях сельскохозяйственного предприятия.

Разработанная методика определения оптимального распределения объема работ при использовании машинно-тракторных агрегатов с учетом минимальных приведенных затрат может быть использована при проектировании производственных процессов, планировании использования технического и трудового потенциала, организации и управлении работ в сельскохозяйственном предприятии.

Литература

1. Гометрическое программирование и техническое проектирование: К.Зенер. – М.: Мир, 1973.
2. Элементарное введение в геометрическое программирование. Г.А.Бекишев, М.И.Кратко. – М.: Наука, 1980.
3. Непарко Т.А. Прогнозирование рационального состава машинно-тракторных агрегатов // Агропанорама.– 2004.– №2. – С.30–36.

УДК 631.3.072

ВЛИЯНИЕ ДЛИТЕЛЬНОСТИ ПЕРЕКЛЮЧЕНИЯ ПЕРЕДАЧ ТРАКТОРА НА ПРОИЗВОДИТЕЛЬНОСТЬ АГРЕГАТА

Томкунас Ю.И., к.т.н., доцент, Непарко Т.А. к.т.н., доцент, Новиков А.В., к.т.н., доцент,
Жданко Д.А., ассистент

УО «Белорусский государственный аграрный технический университет»
г. Минск, Республика Беларусь